

Para cada uma das questões do grupo I **selecione a resposta correcta** de entre as alternativas que lhe são apresentadas e **escreva na folha de teste a letra que corresponde à sua opção.**

Atenção! Se apresentar mais de uma resposta, ou resposta ambígua, a questão será anulada.

Grupo I

1. Das seguintes afirmações indica a verdadeira:

(A) O ângulo de amplitude $-\frac{35\pi}{3}$ radianos pertence ao 4º quadrante.

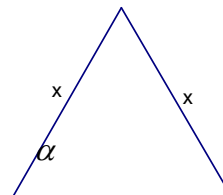
(B) $\exists \alpha \in]0, \pi[: \operatorname{tg} \alpha \cdot \operatorname{sen} \alpha < 0$

(C) $\forall x \in \left] \pi, \frac{3}{2}\pi \right[\operatorname{sen} x \cdot \cos x < 0$

(D) Existe um quadrante em que a tangente é decrescente e negativa.

2. No triângulo da figura ao lado, se

$\alpha = 60^\circ$ e $x = 15$ cm, então a área do triângulo é:



(A) $\frac{225\sqrt{3}}{4}$

(B) $\frac{125\sqrt{3}}{2}$

(C) $\frac{3\sqrt{5}}{4}$

(D) $\frac{125\sqrt{2}}{2}$

3. O valor máximo da função $f(x) = 1 - 2\cos(4x)$, no intervalo $\left[0, \frac{3}{4}\pi\right]$ é:

(A) 3

(B) 1

(C) $1 + \sqrt{2}$

(D) $1 - \sqrt{2}$

4. Considera, em \mathbb{R} , a função $f(x) = \frac{\cos x}{\operatorname{tg} x + 2}$.

O valor de $f\left(\frac{7\pi}{4}\right) + f\left(\frac{5\pi}{4}\right)$ é:

(A) $\frac{\sqrt{2}}{3}$

(B) $\frac{2\sqrt{2}}{3}$

(C) $\frac{\sqrt{2}}{6}$

(D) 0

5. No intervalo $\left] \pi, \frac{3\pi}{2} \right[$, o conjunto-solução da equação $\operatorname{tg} x = \frac{\sqrt{3}}{3}$ é:

(E) $\left\{ \frac{7\pi}{6} \right\}$

(F) $\left\{ \frac{\pi}{6} \right\}$

(G) $\left\{ -\frac{\pi}{6} \right\}$

(H) $\left\{ \frac{5\pi}{6}, \frac{7\pi}{6} \right\}$

Grupo II

Na resolução deste grupo deve apresentar todos os esquemas e cálculos que traduzam o seu raciocínio. Deve indicar sempre o valor exacto da resposta a menos que haja indicações em contrário.

1. Recorrendo ao círculo trigonométrico, simplifique a seguinte expressão:

$$-3\operatorname{sen}\left(\frac{\pi}{2} + x\right) + 2\cos\left(-x + \frac{5}{2}\pi\right) - \operatorname{sen}(-20\pi + x)$$

2. Resolva a seguinte equação:

$$\cos\left(\frac{\pi}{2} + x\right) = \frac{1}{2}, \text{ no intervalo } \left[-\frac{\pi}{2}, \frac{3}{2}\pi\right].$$

3. Seja $P(\alpha) = 9\cos^2(\pi + \alpha) + \left[2 - 3\cos\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right)\right]^2 - 7$

3.1. Mostre que $P(\alpha) = 12\operatorname{sen}\alpha + 6$.

3.2. Determine os zeros de $P(\alpha)$.

3.3. Averigúe, analiticamente, se P é uma função par e explique como poderia confirmar graficamente a sua resposta.

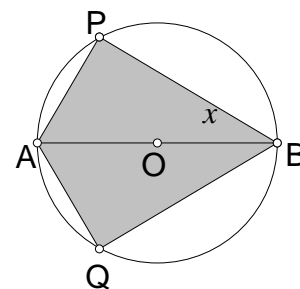
3.4 Prove, analiticamente, que um período da função P é 2π .

4. Sabendo que $\operatorname{tg}(\pi - \alpha) = 2$ e $\alpha \in]-\pi, 0[$, determine $\frac{1 - 2\operatorname{sen}\alpha}{\cos\alpha}$.

5. Determine os valores de p para os quais a seguinte expressão tem significado

$$\operatorname{sen}\alpha = \frac{2p-1}{3} \quad \wedge \quad \alpha \in \left]-\pi, \frac{\pi}{6}\right]$$

6. Na figura está representada uma circunferência de centro O e diâmetro $[AB]$ sendo o seu **raio 5 cm**. O ponto P desloca-se sobre a semicircunferência superior de A para B e o ponto Q desloca-se sobre a semicircunferência inferior de A para B , de tal forma que se tem sempre $\overline{AP} = \overline{AQ}$.



Para cada posição do ponto P , seja x a amplitude do ângulo PBA

$$\left(x \in \left]0, \frac{\pi}{2}\right[\right).$$

- 6.1 Prove que a **área do quadrilátero** $[APBQ]$ é dada, em função de x , por

$$A(x) = 100\operatorname{sen}(x)\cos(x)$$

6.2 Determine o valor exacto de $A\left(\frac{\pi}{3}\right)$

6.3 Recorrendo à calculadora gráfica determine o valor de x para o qual a função é máxima. Deve apresentar o gráfico em que se baseou e a janela de visualização utilizada.